

فهرست

شماره صفحه درسی	کتاب درسی	شماره صفحه درسی	کتاب درسی	شماره صفحه درسی	کتاب درسی	شماره صفحه درسی	کتاب درسی
۱۷۹	درس ۱۵: مزدوران شیطان آزمون‌ها	۱۵۱	۹۸	درس چهارم	۴۰	۷	مطالعات اجتماعی
۱۸۱			۱۰۱	درس پنجم	۴۹		فصل اول: حقوق و مستولیت‌های ما
۱۸۵	فصل اول: زیبایی آفرینش	۱۱	۱۰۳	درس ششم	۵۷		درس ۱: من حق دارم
۱۸۵	درس ۱: زنگ آفرینش	۱۲	۱۰۵	درس هفتم	۶۵		درس ۲: من مسئول هستم
۱۹۲	درس ۲: چشمۀ معرفت	۱۸	۱۰۷	درس هشتم	۷۳		درس ۳: چرا به مقررات و قوانین...
۱۹۶	فصل دوم: شکفتمن	۳۱	۱۰۹	درس نهم	۸۱		درس ۴: قانون‌گذاری
۱۹۶	درس ۳: نسل آینده‌ساز	۳۲	۱۱۱	درس دهم	۸۹		فصل سوم: مقابله با حوادث
۱۹۸	درس ۴: با بهاری که می‌رسد...	۳۷	۱۱۳	درس یازدهم	۹۷		درس ۵: همدلی و همیاری در حوادث
۲۰۲	فصل آزاد: ادبیات بومی (۱)	۴۳	۱۱۴	درس دوازدهم	۱۰۵		درس ۶: بیمه و مقابله با حوادث
۲۰۳	درس ۵: درس آزاد	۴۴	۱۱۶	آزمون‌ها			فصل چهارم: تولید، توزیع، مصرف
۲۰۴	فصل سوم: سبک زندگی	۴۹	۱۲۰	پودمان: نوآوری و فناوری	۱	۲۱	درس ۷: تولید و توزیع
۲۰۵	درس ۶: قلب کوچک را به چه ...	۵۰	۱۲۵	پودمان: کاربرد فناوری اطلاعات و ...	۱۵	۲۴	درس ۸: مصرف
۲۰۷	درس ۷: علم زندگانی	۵۸	۱۲۸	پودمان: جستجو و جمع آوری ...	۲۲	۲۷	فصل پنجم: محیط زندگی خود را ...
۲۱۱	درس ۸: زندگی همین لحظه‌است	۶۵	۱۳۳	پودمان: مستندسازی	۳۷	۲۷	درس ۹: من کجا زندگی می‌کنم؟
۲۱۷	فصل چهارم: نامها و یادها	۷۹	۱۳۴	پودمان: کسب و کار	۴۲	۲۹	درس ۱۰: ایران، خانه ما
۲۱۷	درس ۹: نصیحت امام (ره)	۸۰	۱۳۸	پودمان: نقشه‌کشی	۵۷	۳۴	فصل ششم: از زیستگاه‌های ایران...
۲۱۹	درس ۱۰: کلاس ادبیات	۸۶	۱۴۰	پودمان: کار با چوب	۷۵	۳۴	درس ۱۱: تنوع آبوهواهی ایران
۲۲۴	درس ۱۱: عهد و پیمان	۹۷	۱۴۱	پودمان: اشتراک‌گذاری اطلاعات	۸۹	۳۸	درس ۱۲: حفاظت از زیستگاه‌های...
۲۲۷	فصل پنجم: اسلام و انقلاب اسلامی	۱۰۷	۱۴۲	پودمان: پرورش و نگهداری گیاهان	۹۷	۴۴	فصل هفتم: جمیعت و منابع
۲۲۸	درس ۱۲: خدمات متقابل اسلام...	۱۰۸	۱۴۵	پودمان: پوشاش	۱۱۷	۴۴	درس ۱۳: جمیعت ایران
۲۳۱	درس ۱۳: اُسوه نیکو	۱۱۴	۱۴۷	پودمان: خوارک	۱۳۷	۴۷	درس ۱۴: منابع آب و خاک
۲۳۴	درس ۱۴: امام خمینی (ره)	۱۲۰				۵۳	فصل هشتم: گردشگری در ایران
۲۳۹	فصل آزاد: ادبیات بومی (۲)	۱۳۳				۵۳	درس ۱۵: گردشگری چیست؟
۲۳۹	درس ۱۵: درس آزاد	۱۳۴	۱۵۱	فصل اول: خداشناسی	۵۷		درس ۱۶: جاذبه‌های گردشگری ایران
۲۴۱	فصل ششم: ادبیات جهان	۱۴۱	۱۵۱	درس ۱: بینای مهریان	۱۵	۶۰	فصل نهم: سرزمین ما، کاوش در...
۲۴۱	درس ۱۶: آدم‌آهنه و شاپرک	۱۴۲	۱۵۳	درس ۲: استعانت از خداوند	۲۵	۶۰	درس ۱۷: میراث فرهنگی و تاریخ
۲۴۳	درس ۱۷: ما می‌توانیم	۱۵۴	۱۵۵	فصل ۲: معاد	۶۲		درس ۱۸: قدیمی‌ترین سکونت...
۲۴۸	آزمون‌ها		۱۵۵	درس ۳: تلخ یا شیرین	۳۷	۶۸	فصل دهم: شکل‌گیری امپراتوری‌ها...
			۱۵۷	درس ۴: عبور آسان	۴۷	۶۸	درس ۱۹: آریایی‌ها و تشکیل ...
			۱۵۹	فصل سوم: راهنمایشناختی	۷۱		درس ۲۰: امپراتوری‌های ایران ...
			۱۵۹	درس ۵: پیامبر رحمت	۵۹	۷۵	فصل یازدهم: اوضاع اجتماعی...
			۱۶۱	درس ۶: اسوهٔ فدائکاری و عدالت	۶۹	۷۵	درس ۲۱: اوضاع اجتماعی ایران...
			۱۶۳	درس ۷: برترین بانو	۸۱	۷۷	درس ۲۲: اوضاع اقتصادی در ایران...
			۱۶۵	فصل چهارم: راه و توشه	۹۱	۸۰	فصل دوازدهم: فرهنگ و تمدن...
			۱۶۵	درس ۸: افتخار بندگی	۹۱	۸۰	درس ۲۳: عقاید و سبک زندگی...
			۱۶۸	درس ۹: به سوی پاکی	۹۹	۸۳	درس ۲۴: دانش و هنر در ایران ...
			۱۷۰	درس ۱۰: ستون دین	۱۰۷	۸۷	آزمون‌ها
			۱۷۲	درس ۱۱: نماز جماعت	۱۱۷		
			۱۷۴	فصل پنجم: اخلاق			
			۱۷۴	درس ۱۲: نشان عزّت	۱۲۷	۹۲	آموزش قرآن
۲۶۳	بخش ۱	۷	۱۷۴	درس ۱۳: بر بال فرشتگان	۱۳۵	۹۴	درس اول
۲۶۳	تفکر درباره تفکر	۸	۱۷۶	درس ۱۴: کمال همنشین	۱۴۳	۹۶	درس دوم
۲۶۴	سگه طلا	۱۳	۱۷۸				درس سوم

شماره صفحه

شماره صفحه
درس يارشماره صفحه
درس يار
كتاب درسيشماره صفحه
كتاب درسي

۴۵۱	جذر و ریشه	۹۳
۴۵۴	مرور فصل ۷	۹۶
۴۵۷	فصل ۸: بردار و مختصات	۹۷
۴۵۷	پاره خط جهت دار	۹۸
۴۶۰	بردارهای مساوی و قرینه	۱۰۱
۴۶۲	مختصات	۱۰۴
۴۶۶	بردار انتقال	۱۰۷
۴۷۱	مرور فصل ۸	۱۱۰
۴۷۳	فصل ۹: آمار و احتمال	۱۱۱
۴۷۳	جمع آوری و نمایش داده ها	۱۱۲
۴۷۶	نمودارها و تفسیر نتیجه ها	۱۱۵
۴۷۸	احتمال یا اندازه گیری شانس	۱۱۸
۴۸۱	احتمال و تجربه	۱۲۱
۴۸۴	مرور فصل ۹	۱۲۴
۴۸۷	آزمون ها	

عربی

۴۹۵	الدَّرْسُ الْأُولُّ: قِيمَةُ الْعِلْمِ ...	۹
۵۰۴	الدَّرْسُ الثَّانِي: جَوَاهِرُ الْكَلَامِ ...	۲۹
۵۱۷	الدَّرْسُ التَّالِثُ: حِوازَنٌ وَلَدَنٌ	۵۹
۵۲۱	الدَّرْسُ الرَّابِعُ: فِي السُّوقِ	۶۹
۵۲۵	الدَّرْسُ الْخَامِسُ: الْجَمَلَاتُ الْذَّهَبِيَّةُ	۷۷
۵۲۹	الدَّرْسُ السَّادِسُ: فِي الْحُدُودِ لِلْحَضُورِ ...	۸۵
۵۳۲	الدَّرْسُ السَّابِعُ: الأُسْرَةُ التَّاجِحةُ	۹۳
۵۳۶	الدَّرْسُ الثَّامِنُ: زِينَةُ الْبَاطِنِ	۱۰۱
۵۴۰	الدَّرْسُ التَّاسِعُ: الإِخْلَاصُ فِي الْعَمَلِ	۱۰۹
۵۴۳	الدَّرْسُ الْعَاشِرُ: الْأَيَّامُ وَالْفُصُولُ وَالْأَلْوَانُ	۱۱۵
۵۴۷	آزمون ها	

علوم تجربی

۵۵۳	فصل ۱: تفکر و تجربه	۲
۵۵۶	فصل ۲: اندازه گیری در علوم و ...	۶
۵۶۰	فصل ۳: انداخته، الفبای مواد	۱۳
۵۶۸	فصل ۴: مواد پیرامون ما	۲۵
۵۷۴	فصل ۵: از معدن تا خانه	۳۶
۵۸۰	فصل ۶: سفر آب روی زمین	۴۶
۵۸۵	فصل ۷: سفر آب درون زمین	۵۴
۵۹۰	فصل ۸: انرژی و تبدیل های آن	۶۳
۵۹۵	فصل ۹: منابع انرژی	۷۳
۶۰۰	فصل ۱۰: گرمای و بهینه سازی ...	۸۲
۶۰۵	فصل ۱۱: یاخته و سازمان بندی آن	۹۳
۶۰۹	فصل ۱۲: سفره سلامت	۱۰۱
۶۱۳	فصل ۱۳: سفر غذا	۱۱۰
۶۱۷	فصل ۱۴: گردش مواد	۱۱۷
۶۲۲	فصل ۱۵: تبادل با محیط	۱۲۴
۶۲۶	آزمون ها	

كتاب کار انگلیسی

۳۴۳	درس ۱	۳۱
۳۴۴	درس ۲	۳۵
۳۴۵	درس ۳	۳۹
۳۴۶	درس ۴	۴۳
۳۴۷	درس ۵	۴۷
۳۴۸	درس ۶	۵۱
۳۵۰	درس ۷	۵۵
۳۵۱	درس ۸	۶۱

ریاضی

۳۵۲	فصل ۱: راهبردهای حل مسئله	۱
۳۶۳	فصل ۲: عدد های صحیح	۱۳
۳۶۳	معرفی عدد های علامت دار	۱۴
۳۶۷	جمع و تفریق عدد های صحیح (۱)	۱۷
۳۷۰	جمع و تفریق عدد های صحیح (۲)	۲۰
۳۷۲	ضرب و تقسیم اعداد صحیح	۲۳
۳۷۶	مرور فصل ۲	۲۶
۳۷۸	فصل ۳: جبر و معادله	۲۷
۳۷۸	الگوهای عددی	۲۸
۳۸۱	عبارت های جبری	۳۱
۳۸۳	مقدار عددی یک عبارت جبری	۳۴
۳۸۶	معادله	۳۷
۳۸۹	مرور فصل ۳	۴۰
۳۹۲	فصل ۴: هندسه و استدلال	۴۱
۳۹۲	روابط بین پاره خط ها	۴۲
۳۹۶	روابط بین زاویه ها	۴۵
۴۰۱	تیدیلات هندسی (انتقال، تقارن ...)	۴۸
۴۰۳	شكل های مساوی (هم نهشت)	۵۱
۴۰۶	مرور فصل ۴	۵۴
۴۰۹	فصل ۵: شمارنده ها و اعداد اول	۵۵
۴۰۹	عدد اول	۵۶
۴۱۲	شمارنده اول	۵۹
۴۱۵	بزرگ ترین شمارنده مشترک	۶۲
۴۱۸	کوچک ترین مضرب مشترک	۶۵
۴۲۱	مرور فصل ۵	۶۸
۴۲۳	فصل ۶: سطح و حجم	۶۹
۴۲۳	حجم های هندسی	۷۰
۴۲۷	محاسبه حجم های منشوری	۷۳
۴۲۷	مساحت جانبی و کل	۷۶
۴۳۱	حجم و سطح	۷۹
۴۳۵	مرور فصل ۶	۸۲
۴۳۸	فصل ۷: توان و جذر	۸۳
۴۴۱	تعريف توان	۸۴
۴۴۱	محاسبه عبارت توان دار	۸۷
۴۴۵	ساده کردن عبارت های توان دار	۹۰

بزرگ مردان کوچک
پروژه پژوهشی

بخش ۲
من کیستم؟

خودآگاهی چیست؟

مطالعه و یادگیری

زمان را چگونه مدیریت کنیم؟

سبک زندگی چیست ...

سبک های ارتباطی ما با دیگران ...

بخش ۳
راز تعادل

سراب

ارائه گزارش پژوهش

بخش ۴
مهارت های ارتباطی و آداب معاشرت

ارتبط با خانواده، همسایگان ...

تضاد و اختلاف نظرهای خود را ...

اضطراب چیست؟

خشش خود را چگونه مهار کنیم؟

بخش ۵
پرسش مناسب

حکایت راستی

بز یا سگ؟

چرا این تلفن زنگ نمی زند؟

دیوار شیشه ای

مسوم کردن سرچشم

ناظم و منظوم

بخش ۶
معیار من در انتخاب دوست چیست؟

مهارت قاطعیت و جرئت ورزی

مهارت تاب آوری و تحمل سختی

شادزیستن

آزمون ها

انگلیسی

۲۹۴	درس ۱	۶
۳۰۰	درس ۲	۱۰
۳۰۶	درس ۳	۱۶
۳۱۱	درس ۴	۲۲
۳۱۷	درس ۵	۲۸
۳۲۲	درس ۶	۳۲
۳۲۸	درس ۷	۳۸
۳۳۴	درس ۸	۴۲
۳۴۰	آزمون ها	

جمع و تفریق عددهای صحیح (۲)

درسنامه

روش استفاده از جدول ارزش مکانی

برای جمع و تفریق اعداد صحیح در این روش، ابتدا باید اعداد موجود را با توجه به ارزش مکانی آنها (یکان، دهگان، صدگان و ...) در جدول بچینیم، سپس با توجه به جایگاه و علامت، محاسبات لازم را در هر ستون به صورت جداگانه انجام دهیم. به مثال زیر توجه کنید.

یکان	دهگان	صدگان
۵	۳	۲
۱	۴	۳
-۱	-۱	-۱
-۱۰	-۱۰	-۱۰۰

مثال حاصل عبارت $341 - 235 = 226$ را به دست آورید.
تجویه به نحوه قراردادن اعداد و علامت آنها در جدول دقت کنید.

$$\text{محاسبه پاسخ} \rightarrow -100 - 10 + 4 = -106$$

روش محاسبه تقریبی
در این روش قبل از محاسبه جمع و تفریق، هر عدد را بدون در نظر گرفتن علامت «گرد» می‌کنیم (اگر یکان عدد ۵ و بالاتر بود، به سمت بالا و اگر کمتر از ۵ بود به سمت پایین گرد می‌کنیم)، سپس محاسبات را انجام می‌دهیم.

$$-106 - 90 \approx -110 - 90 = -200$$

مثال از این روش معمولاً برای اعداد خیلی بزرگ و حدس زدن محل تقریبی و علامت جواب استفاده می‌شود.

صفحه ۲۰ کتاب درسی

- ۱- مانند نمونه جمع و تفریق دو عدد دورقمی را به جمع و تفریق عددهای یکرقمی تبدیل کنید. سپس با توجه به جدول حاصل را به یک جمع تبدیل کنید.

دهگان	یکان
۷	۴
۲	۳
-	-۲

$$\begin{array}{r} 30 + 4 \\ - 20 + (-7) \\ \hline 10 + (-3) = 10 - 3 = 7 \end{array}$$

ی	د
۷	۲
۹	۳
-	-۱

$$\begin{array}{r} 20 + 7 \\ - 30 + (-9) \\ \hline -10 + (-2) = -12 \end{array}$$

د	ی
۷	۴
۲	۱
-	-۲

$$\begin{array}{r} -10 + (-7) \\ -20 + (-4) \\ \hline -30 + (-11) = -41 \end{array}$$

ی	د
۲	۴
۱	۲
-	-۱

$$\begin{array}{r} -40 + (-2) \\ 50 + 1 \\ \hline 10 + (-1) = 9 \end{array}$$

به همین ترتیب می‌توانید جمع و تفریق چند عدد دورقمی را انجام دهید.

د	ی
۷	۴
۳	۱
-	-۳

$$\begin{array}{r} 60 + 7 \\ - 20 + (-3) \\ - 30 + (-1) \\ \hline 10 + (+3) = 13 \end{array}$$

ی	د
۳	۱
۵	۲
-	-۲

$$\begin{array}{r} -40 + (-3) \\ + 50 + 1 \\ - 30 + (-4) \\ \hline -20 + (-6) = -26 \end{array}$$

- ۲- حاصل عبارت‌های ردیف اول سوال ۴ کمک ۱ را به کمک ۴ قانونی که در درس قبل نتیجه گرفتید، نیز پیدا کنید. روش کار را توضیح دهید.

$$27 - 29 = 27 + (-39) = -12$$

$$-17 - 24 = -17 + (-24) = -41$$

$$-42 + 51 = 9$$

صفحه ۲۰ کتاب درسی

کار در کلاس

حاصل عبارت‌ها را مانند نمونه بالا انجام دهید.

د	ی
۶	۷
۲	۳
-	-۲

$$\begin{array}{r} 60 + 7 \\ - 20 + (-3) \\ - 30 + (-1) \\ \hline 10 + (+3) = 13 \end{array}$$

ی	د
۸	۱
۳	۵
-	-۳

$$\begin{array}{r} -80 + (-1) \\ 30 + 5 \\ - 50 + 4 \\ \hline -50 + 4 = -46 \end{array}$$

د	ی
۴	۳
۷	۵
-	-۲

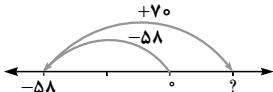
$$\begin{array}{r} 40 + 3 \\ - 70 + (-5) \\ - 30 + (-2) \\ \hline -30 + (-2) = -32 \end{array}$$



فعالیت

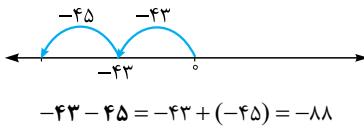
صفحه ۲۱ کتاب درسی

۱- در این نمونه به کمک محور و به صورت تقریبی محل جواب و علامت آن تعیین می‌شود و از روی حرکت پیکانه (متصوب فرهنگستان arrow, fleche) می‌توان روش محاسبه را حدس زد. با توجه به شکل، حاصل مثبت و جواب $= 12 - 58 = 70$ است.

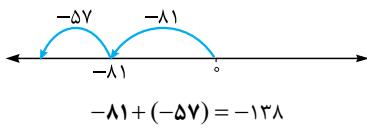


$$-58 + 70 = 12$$

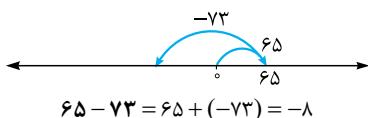
اکنون حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید. برای هر کدام یک محور و حرکت تقریبی رسم کنید. ابتدا هر تفریق را به جمع تبدیل کرده و آن را به صورت تقریبی روی محور نشان می‌دهیم.



$$-43 - 45 = -43 + (-45) = -88$$



$$-81 + (-57) = -138$$



$$65 - 73 = 65 + (-73) = -8$$

۲- حاصل هر عبارت را به کمک ماشین حساب به دست آورید و درستی پاسخ‌های خود را بررسی کنید.

برای منفی کردن عددها از کلید (+) استفاده کنید. این کلید عدد روی صفحه را قرینه می‌کند. برای وارد کردن عدد -43 دکمه‌ها را به ترتیب از چپ به راست وارد کنید.

برای رسیدن به -43 - چه راه حل دیگری دارید؟ با توجه به جدول ارزش مکانی می‌توانیم بنویسیم $(-3) + (-40) = -43$ یا $-43 = -40 - (-3)$ صورت حاصل تفریق 43 از صفر بنویسیم:

صفحه ۲۱ کتاب درسی

۱- بدون محاسبه کردن فقط تعیین کنید که حاصل عبارت مثبت است یا منفی. با توجه به نتیجه قبلی به راحتی می‌توانیم علامت حاصل جمع و تفریق‌ها را محاسبه کنیم:

$$\text{مثبت} = -80 + 130$$

$$\text{منفی} = -40 - 90$$

$$\text{منفی} = 100 - 200$$

۲- حاصل عبارت‌ها را مانند نمونه به صورت تقریبی به دست آورید.

$$-137 + 271 = -100 + 300 = 200$$

$$-471 + 182 = -500 + 200 = -300$$

$$502 - 794 = 500 - 800 = 500 + (-800) = -300$$

$$-471 - 211 = -500 - 200 = -500 + (-200) = -700$$

۳- حاصل دقیق عبارت‌های بالا را با ماشین حساب به دست آورید و با پاسخ خود مقایسه کنید.

$$-137 + 271 = 134$$

$$-471 + 182 = -289$$

$$502 - 794 = -292$$

$$-471 - 211 = -682$$

صفحه ۲۲ کتاب درسی

تمرین

۱- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

ص	د	ی
۱	۲	۴
۲	۳	۷

$$+100 + 20 + 4$$

$$-200 + (-30) + (-7)$$

$$\underline{-100 + (-10) + (-3)} = -113$$

ص	د	ی
۱	۲	۵
۲	۳	۱

$$-100 + (-20) + (-5)$$

$$200 + 30 + 1$$

$$\underline{100 + 10 + (-4)} = 106$$

ص	د	ی
۳	۳	۱
۲	۵	۷

$$300 + 30 + 1$$

$$-200 + (-50) + (-7)$$

$$\underline{100 + (-20) + (-6)} = 74$$



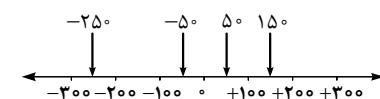
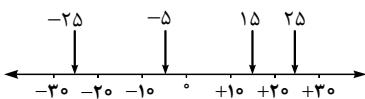
-45° 15°

۲- یک زیردریایی 45° متر پایین تر از سطح دریا قرار دارد. زیردریایی دیگری 15° متراز آن بالاتر است. موقعیت زیردریایی دوم نسبت به سطح دریا را با یک عدد علامتدار نشان دهد. برای حل این سؤال از راهبرد رسم شکل استفاده می‌کنیم؛ کافی است سطح دریا را صفر در نظر بگیریم:

$$-45^{\circ} + 15^{\circ} = -30^{\circ}$$



$(-7) + ((\underbrace{(-4) + (-5)}_{-9})) = -16$	$(-13) + (\underbrace{(-9) + 17}_{8}) = -13 + 8 = -5$
$136 - 260 = -124$	$(-36) + (-17) = -53$
$(-37) - (-8) = -37 + 8 = -29$	$12 + 15 - 7 = 12 + 15 + (-7) = 20$
$15 - 9 - 8 = 15 + \underbrace{(-9) + (-8)}_{-17} = -2$	$17 - 25 - 12 = 17 + (-25) + (-12) = -20$
۴- ساختمانی از ۷ طبقه روی همکف و ۳ طبقه زیر همکف تشکیل شده است. احمد در طبقه -۲ است. او ابتدا ۳ طبقه بالا رفت؛ بعد ۲ طبقه پایین آمد و آن جا ۵ طبقه بالا رفت. احمد هم‌اکنون در کدام طبقه است؟ کافی است برای هر حرکت احمد بین طبقات یک جمع بنویسیم؛ پس داریم:	۴- ساختمانی از ۷ طبقه روی همکف و ۳ طبقه زیر همکف تشکیل شده است. احمد در طبقه -۲ است. او ابتدا ۳ طبقه بالا رفت؛ بعد ۲ طبقه پایین آمد و آن جا ۵ طبقه بالا رفت. احمد هم‌اکنون در کدام طبقه است؟ کافی است برای هر حرکت احمد بین طبقات یک جمع بنویسیم؛ پس داریم:
مشخص است که او اکنون در طبقه چهارم روی همکف است. $4 = +5 - 2 + 3 - (-2)$	مشخص است که او اکنون در طبقه چهارم روی همکف است. $4 = +5 - 2 + 3 - (-2)$
۵- نقاط مشخص شده به طور تقریبی چه عددی را نشان می‌دهند؟	۵- نقاط مشخص شده به طور تقریبی چه عددی را نشان می‌دهند؟



۶- حاصل عبارت‌های زیر را به صورت تقریبی به دست آورید.
$-71 + 59 \approx -70 + 60 = -10$
$-41 + 37 - 82 \approx -40 + 40 - 80 = -80$
حاصل هر عبارت بالا را با ماشین حساب به دست آورید و با پاسخ خود مقایسه کنید.
$-71 + 59 = -12$
$-83 - 48 \approx -80 - 50 = -80 + (-50) = -130$
$37 - 71 \approx 40 + (-70) = -30$
$-41 + 37 - 82 = -41 + 37 + (-82) = -86$
$37 - 71 = -34$

۷- جاهای خالی را کامل کنید. برای حل این سؤال به راحتی می‌توانیم از راهبرد حدس و آزمایش استفاده می‌کنیم و حدس‌های خود را بررسی کنیم.

-8	7	4
10	0	-3
-2	8	5

$$\xrightarrow{-4} \begin{array}{|c|c|c|} \hline -12 & 3 & 0 \\ \hline 6 & -4 & -7 \\ \hline -6 & 4 & 1 \\ \hline \end{array}$$

$$\xrightarrow{+5} \begin{array}{|c|} \hline -10 \\ \hline 0 \\ \hline -13 \\ \hline \end{array} \xrightarrow{+5} \begin{array}{|c|} \hline -5 \\ \hline 5 \\ \hline -8 \\ \hline \end{array}$$

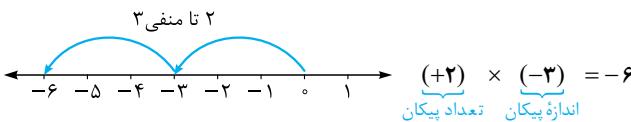
ضرب و تقسیم عدددهای صحیح

درسنامه

نمایش ضرب روی محور

برای نمایش ضرب دو عدد صحیح روی محور، یکی از اعداد را اندازه‌پیکان و عدد دیگر را تعداد پیکان در نظر می‌گیریم.

مثال



$$\text{اندازه پیکان} \times \text{تعداد پیکان} = (+2) \times (-3) = -6$$

محاسبه حاصل ضرب و تقسیم

(\times) و (\div)	+	-
+	+	-
-	-	+

برای محاسبه حاصل ضرب و تقسیم اعداد صحیح بدون استفاده از محور، ابتدا بدون در نظر گرفتن علامت ضرب و تقسیم‌ها را انجام داده سپس با استفاده از جدول «ضرب و تقسیم علامت‌ها» علامت حاصل را تعیین می‌کیم و کنار آن می‌نویسیم.

نکته اولویت در عملیات ریاضی: در صورتی که یک عبارت ریاضی داشتمیم، به ترتیب زیر شروع به محاسبه حاصل عبارت می‌کنیم:

- (۱) پرانتزها (اگر چند پرانتز داشتمیم، از داخلی ترین شروع می‌کنیم).
- (۲) ضرب و تقسیم (اگر چندین ضرب و تقسیم داشتمیم، از سمت چپ شروع می‌کنیم).
- (۳) جمع و تفریق (اگر چندین جمع و تفریق داشتمیم، از سمت چپ شروع می‌کنیم).

مثال

$$1) (+\underline{3}) \times (-\underline{6}) = (\underline{+}(\underline{+}) \times (\underline{-})) (\underline{3} \times \underline{6}) = -18$$

$$2) +\underline{14} \div (-\underline{7}) = (\underline{+}\underline{\frac{1}{7}}) (\underline{\frac{14}{1}}) = -2$$

$$3) (-\underline{5}) + 3 \times (-\underline{2}) \div \underline{6} - (\underline{10} \times -\underline{2}) \xrightarrow{\text{پرانتز}} = (-\underline{5}) + 3 \times (-\underline{2}) \div \underline{6} - (-\underline{20})$$

$$\xrightarrow{\text{ضرب و تقسیم}} = -\underline{5} + (-\underline{1}) + (-(-\underline{20})) \xrightarrow{\text{جمع و تغیریق}} = +14$$

$$4) \frac{(-\underline{12} \div (-\underline{2})) \times (\underline{5} \times (-\underline{3} + \underline{1}))}{(+\underline{1} - \underline{7}) \div (-\underline{8} + \underline{10})} \xrightarrow{\text{پرانتز}} = \frac{(\underline{-})(\underline{\frac{12}{2}}) \times (\underline{5} \times (-\underline{2}))}{(-\underline{6} \div (+\underline{2})} \xrightarrow{\text{ضرب و تقسیم}} = \frac{+\underline{6} \times (-\underline{10})}{-\underline{3}}$$

$$= (-\times-) (2 \times 10) = +20$$

فصل ۲



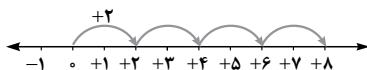
۲۳

کتاب درسی

صفحة ۲۳ کتاب درسی

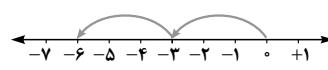
فعالیت

۱- به کمک محور و حرکت انجام شده روی آن یک عبارت جمع و یک عبارت ضرب بینویسید و حاصل را به دست آورید.



$$(+\underline{2}) + (+\underline{2}) + (+\underline{2}) + (+\underline{2}) = +8$$

$$4 \times (+\underline{2}) = +8$$



$$(-\underline{3}) + (-\underline{3}) = -6$$

$$2 \times (-\underline{3}) = -6$$

۲- به الگوهای عددی زیر توجه کنید. پس از این که رابطه بین عددها را پیدا کردید، جملات زیر هر کدام را کامل کنید، سپس

باقیه هر الگو را کامل کنید.

$4 \times (-\underline{3}) = -12$	+3
$3 \times (-\underline{3}) = -9$	+3
$2 \times (-\underline{3}) = -6$	+3
$1 \times (-\underline{3}) = -3$	+3
$\circ \times (-\underline{3}) = \circ$	+3
$-1 \times (-\underline{3}) = 3$	+3
$-2 \times (-\underline{3}) = 6$	+3
$-3 \times (-\underline{3}) = 9$	+3
$-4 \times (-\underline{3}) = 12$	+3

حاصل ضربها ۳ تا ۳ تا اضافه می شوند.

$4 \times 4 = 16$	-4
$3 \times 4 = 12$	-4
$2 \times 4 = 8$	-4
$1 \times 4 = 4$	-4
$\circ \times 4 = \circ$	-4
$-1 \times 4 = -4$	-4
$-2 \times 4 = -8$	-4
$-3 \times 4 = -12$	-4
$-4 \times 4 = -16$	-4

حاصل ضربها ۴ تا ۴ تا کم می شوند.

با توجه به الگویی که کشف کردید، جدول ضرب مقابل را کامل کنید.

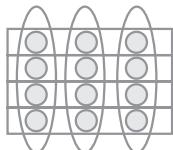
۴	-16	-12	-8	-4	۰	۴	8	12	16
۳	-12	-9	-6	-3	۰	۳	6	9	12
۲	-8	-6	-4	-2	۰	۲	4	6	8
۱	-4	-3	-2	-1	۰	۱	2	3	4
۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰
-1	۴	۳	۲	۱	۰	-1	-2	-3	-4
-2	۸	۶	۴	۲	۰	-2	-4	-6	-8
-3	۱۲	۹	۶	۳	۰	-3	-6	-9	-12
-4	۱۶	۱۲	۸	۴	۰	-4	-8	-12	-16
×	-4	-3	-2	-1	۰	۱	2	3	4

\times	+	-
+	+	-
-	-	+

از فعالیت بالا نتیجه می‌شود اگر دو عدد هر دو مثبت یا هر دو منفی باشند حاصل ضرب آنها نیز مثبت است.
در غیر این صورت حاصل ضرب آنها منفی خواهد بود.
به کمک آن حاصل ضربها را بنویسید.

$$-4 \times (-8) = +32 \quad (+5) \times (-3) = -15 \quad (-6) \times (-7) = +42 \quad -7 \times 5 = -35$$

فعالیت



$$3 \times 4 = 12$$

$$12 \div 4 = 3$$

$$4 \times 3 = 12$$

$$12 \div 3 = 4$$

ضربهای زیر را ابتدا با محور نشان دهید، سپس تقسیم‌های متناظرشان را بنویسید.
بدون استفاده از محور برای هر یک از ضربهای فوق تقسیم دیگری بنویسید.

$$(+4) \times (-3) = -12 \Rightarrow -12 \div (-3) = +4 \quad \text{یا} \quad -12 \div (+4) = -3$$



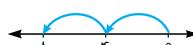
$$(+6) \times (-2) = -12 \Rightarrow -12 \div (-2) = +6 \quad \text{یا} \quad -12 \div (+6) = -2$$



$$(+3) \times (-5) = -15 \Rightarrow -15 \div (-5) = +3 \quad \text{یا} \quad -15 \div (+3) = -5$$



$$(+2) \times (-4) = -8 \Rightarrow -8 \div (-4) = +2 \quad \text{یا} \quad -8 \div (+2) = -4$$



۲- با توجه به تقسیم‌های بالا جدول زیر را برای تقسیم دو عدد کامل و حاصل تقسیم‌ها را به دست آورید. در تقسیم اعداد صحیح نیز مثل ضرب آنها عمل می‌کنیم؛ اگر هر دو مثبت یا هر دو منفی باشند، حاصل مثبت خواهد بود در غیر این صورت حاصل منفی است:

\div	+	-
+	+	-
-	-	+

$$(-12) \div (+2) = -6 \quad (+21) \div (-3) = -7 \quad (-14) \div (-7) = +2 \quad (+21) \div (+7) = +3$$

۱- حاصل عبارتها را به دست آورید. می‌دانیم وقتی در عبارتی هم ضرب و هم تقسیم وجود دارد باید از چپ به راست حاصل را محاسبه کنیم؛ پس داریم:

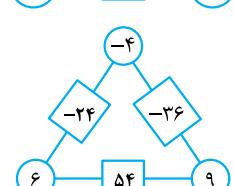
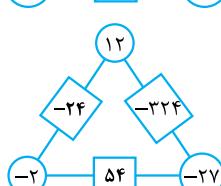
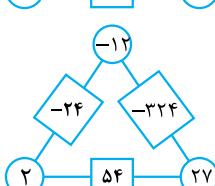
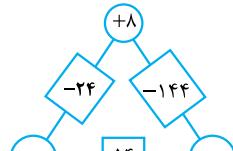
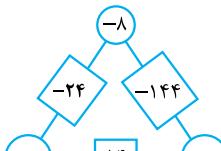
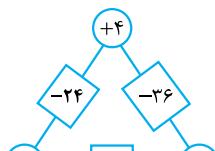
$$(-2) \times (-4) \div (+8) = +8 \div (+8) = +1$$

$$-4 \times (+3) \div (-2) = -12 \div (-2) = +6$$

$$(-14 \div (+7)) \times (-3) = -2 \times (-3) = +6$$

$$(28 \div (-4)) \times (+2) = -7 \times (+3) = -21$$

۲- حاصل ضرب عددهای روی رأس‌های مثلث، روی هر ضلع نوشته شده است. جاهای خالی را کامل کنید. هر یک از پاسخهای زیر برای این سؤال قابل قبول است و کافی است شما یکی از آنها را به دست آورید.



$$-12, -9, -6, -3, 0, 3, 6, 9, 12, 15, 18, 21$$

۳- الگوهای عددی را کامل کنید. ۳ تا ۳ تا زیاد می‌شود.

$$35, 30, 25, 20, 15, 10, 5, 0, -5, -10, -15$$

۳ تا کم می‌شود.

۱- جملات زیر را کامل کنید.

اگر حاصل ضرب یک عدد طبیعی در یک عدد صحیح، منفی شود، آن عدد صحیح منفی است.

اگر حاصل تقسیم دو عدد صحیح بر هم عددی منفی شود؛ یکی از آن عدهای صحیح مثبت و دیگری منفی است.

اگر ضرب دو عدد صحیح صفر شود، حداقل یکی از آنها صفر است.

اگر حاصل تقسیم دو عدد صحیح مثبت باشد، ضرب آن دو عدد صحیح مثبت است.

۲- بدون محاسبه مشخص کنید که حاصل عبارت مثبت یا منفی است.

$$\frac{\text{منفی}}{(-41 - 80)} \times \frac{\text{منفی}}{(-50 + 60)} = \text{منفی}$$

$$\frac{\text{منفی}}{(-27 + 50)} \times \frac{\text{منفی}}{(-40 + 20)} = \text{منفی}$$

$$\frac{\text{منفی}}{(-80 - 40)} \times \frac{\text{منفی}}{(-40 \div 5)} = \frac{\text{منفی}}{\text{منفی}}$$

$$\frac{\text{منفی}}{(-8 \div 4)} \times \frac{\text{منفی}}{(-2 \times 3)} = \frac{\text{منفی}}{\text{منفی}}$$

۳- در جاهای خالی عدد مناسب بنویسید. در دستان گاهی از این روش استفاده می‌کردیم که برای پیداکردن جای خالی از عملیات برعکس استفاده کنیم؛ یعنی:

این سؤال را هم می‌توانیم به کمک حدس و آزمایش و هم به کمک عملیات برعکس حل کنیم:

$$(-200) \div (-10) = 20$$

$$(-400) \div (5) = 80$$

$$(100) \div (-5) = -20$$

$$20 \div (-5) = -4$$

$$-8 \times (-10) = 80$$

$$-100 \div (-5) = 20$$

$$\square \times \triangle = -12$$

$$\square \times \triangle = \text{قرار بگیرند را بنویسید.}$$

۴- همه عدهای صحیح ممکن که می‌توانند به جای \square و \triangle قرار بگیرند را بنویسید.

برای حل این سؤال از راهبرد الگوسازی استفاده می‌کنیم؛ توجه کنید که \square و \triangle می‌توانند با یکدیگر جایجا می‌شوند.

\square	\triangle	حاصل ضرب
۱	-۱۲	-۱۲
-۱	۱۲	-۱۲
۲	-۶	-۱۲
-۲	۶	-۱۲
۳	-۴	-۱۲
-۳	۴	-۱۲
۶	-۲	-۱۲
-۶	۲	-۱۲
۱۲	-۱	-۱۲
-۱۲	۱	-۱۲

در جدول بالا، تمامی عدهای ممکن که می‌توانند به جای \square و \triangle قرار بگیرند، آمده است.

۵- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$((-2) + (+3)) \times (-5) = +1 \times (-5) = -5$$

$$(((+2) + (-7)) \div (-5)) = -5 \div (-5) = +1$$

$$(-5 - 4) \times (-6) = -9 \times (-6) = +54$$

$$-5 \times (-4 - (-3)) = -5 \times (-1) = +5$$

۶- قطاری از مشهد به سوی تهران در حرکت است. طول مسیر ۱۲۰۰ کیلومتر است و قطار در هر ساعت ۶۰ کیلومتر حرکت می‌کند. شهر شاهروド را که در نیمة راه است، مبدأ مقایسه در نظر بگیرید. زمان رسیدن به شاهرود را صفر و قبل از آن را منفی و بعد از آن را مثبت در نظر بگیرید و به سؤال‌های زیر پاسخ دهید:

قطار چه ساعتی از مشهد حرکت کرده است؟ کل مسیر $1200 \div 60 = 20$ ساعت زمان می‌برد، پس قطار در ساعت ۱۰ شروع به حرکت کرده است.

چه ساعتی به تهران می‌رسد؟ از شاهروド نیز ۱۰ ساعت زمان لازم است تا به تهران برسد، پس در ساعت $10 + 10 = 20$ به تهران می‌رسد.

$$\text{قطار در ساعت } -3 \text{ در چه فاصله‌ای از شاهرود بوده است؟}$$

$$180 \text{ کیلومتری رسیده به شاهرود}$$

$$240 \div 60 = 4$$

$$\text{در چه ساعتی } 240 \text{ کیلومتر بعد از شاهرود است؟ ۴ ساعت بعد}$$

زمان (برحسب ساعت)	-۱۰	-۸	-۶	-۴	-۲	۰	۲	۴	۶	۸	۱۰
مکان قطار نسبت به شاهروود	-۶۰۰	-۴۸۰	-۳۶۰	-۲۴۰	-۱۲۰	۰	۱۲۰	۲۴۰	۳۶۰	۴۸۰	۶۰۰

مروفصل ۲

صفحه ۲۶ کتاب درسی

در این فصل واژه‌های زیر به کار رفته‌اند. مطمئن شوید که می‌توانید با جملات خود آن‌ها را تعریف کنید. برای هر کدام یک مثال بزنید.

عدد علامت‌دار: اعداد مثبت و منفی را اعداد علامت‌دار می‌نامیم؛ مثل: +۵ و -۷

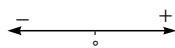
عدد صحیح: اعداد صحیح، مثبت یا منفی و صفر هستند؛ مثل: -۱۲ و +۳۲ و ۰

قرینه عدد: برای پیدا کردن قرینه اعداد آن‌ها را نسبت به صفر روی محور اعداد صحیح قرینه می‌کنیم و آن را با علامت - نشان می‌دهیم؛ مثال: $=+5 = -(+5) = -5$

گسترده عدد صحیح: می‌توانیم اعداد صحیح منفی را نیز مثل اعداد طبیعی به صورت گسترده بنویسیم، مثال: $-342 = -300 + (-40) = -(-2)$

در این فصل روش‌های اصلی زیر مطرح شده‌اند. با یک مثال هر کدام را توضیح دهید و در دفتر خود یک خلاصه درس تهیه کنید.

قاردادی برای جهت‌های مثبت و منفی
به محور زیر توجه کنید:



همیشه سمت راست صفر اعداد مثبت و سمت چپ صفر اعداد منفی قرار می‌گیرند.

محور عدد‌های صحیح و مرتب کردن عدد‌های صحیح (مثبت - صفر - منفی) اعداد صحیح روی محور از چپ به راست بزرگ می‌شوند؛ پس هر عدد صحیح مثبت از صفر و اعداد صحیح منفی بزرگ‌تر است.

در بین اعداد صحیح منفی نیز هر چه به صفر نزدیک شویم، حاصل بزرگ‌تر خواهد بود.

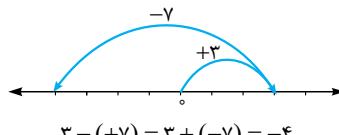
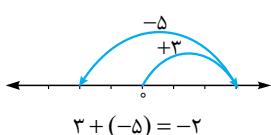
قرینه قرینه یک عدد صحیح برابر است با خود آن عدد

هر عدد صحیح مثبت، عددی طبیعی است.

اعداد صحیح مثبت عبارت‌اند از ..., -۳، -۲، -۱ که همان اعداد طبیعی‌اند.

تبدیل تفریق به جمع: برای تفریق اعداد صحیح کافی است عدد اول را با قرینه عدد دوم جمع کنیم؛ مثال: $5 - (-7) = +5 + 7 = +12$

جمع و تفریق روی محور: ابتدا لازم است تفریق را به جمع تبدیل کنیم و سپس روی محور نشان دهیم؛ مثال:



جمع و تفریق با دایره‌های سیاه و سفید: برای هر -۱ یک دایره سیاه و برای هر +۱ یک دایره سفید در نظر می‌گیریم و با کنار هم قراردادن این دایره‌ها حاصل جمع را به دست می‌آوریم.

مقایسه و مرتب کردن اعداد صحیح: با توجه به محور اعداد صحیح به راحتی می‌توانیم آن‌ها را با یکدیگر مقایسه و مرتب کنیم.

جمع و تفریق دو عدد صحیح: برای جمع دو عدد صحیح سه راه یاد گرفتیم:

(۱) به کمک محور

(۲) به کمک دایره‌های سیاه و سفید

(۳) به کمک جدول ارزش مکانی

تعیین علامت در ضرب و تقسیم: می‌دانیم در ضرب و تقسیم اعداد صحیح اگر دو عدد هم علامت باشند، حاصل مثبت و اگر هم علامت نباشند حاصل منفی است.

ضرب و تقسیم دو عدد صحیح دو عدد صحیح را بدون در نظر گرفتن علامت آن‌ها ضرب می‌کنیم؛ اگر هر دو عدد مثبت یا هر دو منفی باشند حاصل را مثبت و در غیر این صورت حاصل را منفی می‌کنیم.

انجام عملیات عدد‌های صحیح به صورت ذهنی: می‌توانیم به کمک قوانین علامت عدد مورد نظر را به صورت ذهنی تعیین کنیم.

انجام عملیات عدد‌های صحیح به صورت تقریبی و با ماشین حساب: می‌توانیم با تقریب‌زدن هر یک از اعداد، حاصل عملیات را به صورت تقریبی و با ماشین حساب به دست بیاوریم.

حل مسائل مربوط به عدد‌های صحیح: برای حل مسائل مربوط به عدد صحیح، ابتدا اطلاعات مسئله را مشخص کرده و در نهایت بنا بر خواسته مسئله و با توجه به رعایت اولویت عملیات ریاضی، جواب نهایی را به دست می‌آوریم.

تمرین‌های ترکیبی

صفحه ۲۶ کتاب درسی

در صورتی که تمرین‌های ترکیبی زیر را بتوانید انجام دهید، مطمئن می‌شوید، این فصل را به خوبی آموخته‌اید.

۱- حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

$$(-18 \div 2) \times (-3 - 7) + (-6) = -9 \times (-10) + (-6) = 90 + (-6) = +84$$

$$-8 - (-4) = -8 + 4 = -4 \quad -16 + (-4) = -16 - 4 = -20$$

$$-20 + 5 = -15 \quad -100 + 20 - 4 = -80 + (-4) = -84$$

۲- دمای هوا در تبریز دو درجه زیر صفر و دمای اردبیل ۳ برابر آن است. میانگین دمای این دو شهر چند درجه است؟

۳×(-2) = -6 : دمای هوای اردبیل

$$-8 \div 2 = -4 : \text{میانگین دمای هوای این دو شهر}$$

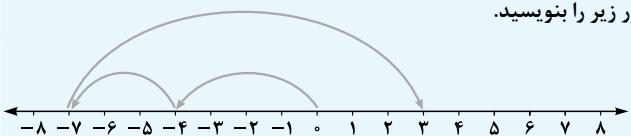
سوالات امتحانی

۱ هر یک از جملات زیر را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.

(الف) بزرگ‌ترین عدد منفی دورقیمت است. (ب) قرینهٔ هر عدد مثبت است.

(پ) حاصل ((-3) - (-)) - برابر است با (ت) مجموع دو عدد صحیح منفی همواره است.

۲ حاصل عبارت نشان داده شده روی محور زیر را بنویسید.



۳ تساوی‌های زیر را کامل کنید.

$$10 - 2 + 5 = \square \quad 50 \div \square = 2 \quad 3 \times \square = -33 \quad 35 - (-100) = \square$$

۴ در جای خالی علامت مناسب قرار دهید.

$$10 \bigcirc 15 \quad 100 \bigcirc 0 \quad -25 \bigcirc -10$$

$$125 \bigcirc -1000 \quad -1 \bigcirc -(-1)) \quad +(-7) \bigcirc -(+8)$$

۵ حاصل عبارت $125 + 125 - 683$ را با استفاده از جدول ارزش مکانی به دست آورید.

۶ حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید. (راهنمایی: به اولویت عملیات ریاضی دقت کنید).

$$\frac{35 \div 7 + 63 \div 21 - 8}{5 \times 2 \times (-10 + 14) \div 20} \quad (\text{الف}) \quad (-7 - (-6)) + (10 + 99 \div (-9)) \times (-50 \div 25) =$$

۷ دمای هوای خوزستان در تابستان ۴۰ درجه بالای صفر است و اردبیل ۴۵ درجه از خوزستان سردتر است.

۸ الف) اختلاف دمای خوزستان و اردبیل چند درجه است؟ (ب) میانگین دمای این دو شهر را به دست آورید.

پاسخ سوالات امتحانی

۱ (الف) -10 (ب) منفی (پ) $+3$ (ت) منفی برای نشان دادن جمع و تغیریق روی محور، ابتدا عدد اول (از سمت چپ) را روی نشان می‌دهیم سپس از انتهای $-4 + (-3) + (+10) = +3$ فلش، عده‌های بعدی را مشخص می‌کنیم.

۲ (الف) $-10 + (-2) + (+5) = -12 + 5 = -7$ (ب) $50 \div 25 = 2$ (پ) $-100 \bigcirc 0$ (ت) $35 + (-100) = 35 + 100 = 135$

۳ (الف) $10 < 15$ (ب) $-100 < 0$ (پ) $-25 < -10$ (ت) $125 > -1000$ (ج) $-7 > -8$

۴ جدول را تشکیل می‌دهیم:

یکان	صدگان	دهگان	واحد
-	6	8	3
+	1	2	5
	\downarrow	\downarrow	\downarrow
	5	-6	+2
	-500	-60	

$$\xrightarrow{\text{گستردگی عدد}} -500 - 60 + 2 = -560 + 2 = -558 \\ \Rightarrow -683 + 125 = -558$$

سوالات امتحانی

- الف) جاهای خالی را با کلمه‌های مناسب کامل کنید.
- ۱ یک مرحله مهم برای جمع آوری اطلاعات است.
 - ۲ از برای اندازه‌گیری حجم مقدارهای کم مایع استفاده می‌کنیم.
 - ۳ این که یک جسم در آب فرو بود یا روی آب شناور بماند به کمیتی به نام بستگی دارد.
 - ۴ ب) درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.
 - ۵ برای به دست آوردن حجم اجسام کوچکی که شکل مشخص ندارند، از استوانه مدرج و آب استفاده می‌کنیم. (درست / نادرست)
 - ۶ زمانی که طول یک جسم را با خط کش سانتی‌متری اندازه‌گیری می‌کنیم، دقت ما حدود سانتی‌متر است. (درست / نادرست)
 - ۷ وزن یک جسم را با یکای کیلوگرم نشان می‌دهند. (درست / نادرست)
 - ۸ پ) گزینه مناسب را انتخاب کنید.
 - ۹ کدام گزینه واحد اندازه‌گیری حجم نیست؟
 - ۱۰ ۱) متر مکعب ۲) سانتی‌متر مکعب ۳) متر مربع ۴) لیتر
 - ۱۱ جرم جسمی 120 g و حجم آن 30 cm^3 سانتی‌متر مکعب است. چگالی آن چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟
 - ۱۲ ۱) 40 g/cm^3 ۲) $4/5\text{ g/cm}^3$ ۳) $4/5\text{ cm}^3$ ۴) $0/4\text{ g/cm}^3$
 - ۱۳ ت) به سوال‌های زیر، پاسخ کوتاه دهید.
 - ۱۴ دقت اندازه‌گیری به چه چیزهایی بستگی دارد؟
 - ۱۵ چهار یکای متدال طول را نام ببرید.
 - ۱۶ چرا زمان را اندازه‌گیری می‌کنیم؟
 - ۱۷ ث) به سوال‌های زیر، پاسخ کوتاه دهید.
 - ۱۸ جرم را تعریف کنید.
 - ۱۹ چگالی را تعریف کنید و یکای آن را بیان نمایید.
 - ۲۰ اگر یک مکعب چوبی و یک مکعب فلزی توپر را که شبیه یکدیگرند، روی آب قرار دهید چه اتفاقی می‌افتد؟

پاسخ سوالات امتحانی

- ۱ اندازه‌گیری **۲** ظرفهای مدرج **۳** چگالی **۴** درست؛ بانیوتون نشان می‌دهند. **۵** درست **۶** نادرست؛ « 3 m^3 » متر مربع واحد اندازه‌گیری مساحت است.
- ۷ $\text{g/cm}^3 = \frac{\text{جرم}}{\text{حجم}} = \frac{\text{جرم}}{3\text{ cm}^3} = 120\text{ g/cm}^3$
- ۸ دقت شخص - دقت وسیله اندازه‌گیری **۹** کیلومتر، متر، سانتی‌متر و میلی‌متر **۱۰** زمان را اندازه می‌گیریم تا بتوانیم به سؤال چه وقت یا چه مدت پاسخ دهیم. **۱۱** جرم هر جسم مقدار ماده تشکیل‌دهنده آن جسم است. **۱۲** چگالی مقدار جرمی است که در حجم معینی از یک جسم وجود دارد؛ از این رو به صورت نسبت جرم جسم به حجم آن تعریف می‌شود. یکای چگالی برحسب گرم بر سانتی‌متر مکعب یا کیلوگرم بر متر مکعب بیان می‌شود. **۱۳** مکعب چوبی روی آب شناور می‌ماند چون چگالی آن کمتر از آب است. مکعب فلزی درون آب فرو می‌رود چون چگالی آن بیشتر از آب است.

فصل ۳



فصل ۳: اتم‌ها، القبای مواد

درس نامه

همه چیزهایی که در اطراف ما وجود دارند از ماده ساخته شده‌اند.
مواد اطراف ما همواره در حال تغییر فیزیکی و شیمیایی هستند.

- | | |
|----------|---------------|
| ۱ | جامد (یخ) |
| ۲ | مایع (آب) |
| ۳ | گاز (بخار آب) |
- حالتهای مختلف آب در طبیعت

کاربرد مواد در زندگی ما: داروسازی، تولید پوشک، تهیه غذا، مواد ساختمانی، صنایع مختلف و ...
توجه بعضی از مواد در زندگی ما کاربرد گسترده‌ای دارند. مانند: چوب، فلز آهنی، پلاستیک، نفت خام و ...

- | | |
|----------|------------------------|
| ۱ | تهیه دارو |
| ۲ | تولید پلاستیک و لاستیک |
| ۳ | تهیه حشره‌کشها |
| ۴ | کاربرد نفت خام |
| ۵ | تهیه لباس |
| ۶ | ظروف پلاستیکی |



ساختار مواد

تمام مواد از ذره‌های بسیار ریزی به نام اتم ساخته شده‌اند.

اتم‌ها اصلی‌ترین ذره‌های سازنده جهان‌اند.

اتم‌ها بسیار ریزند و حتی با میکروسکوپ‌های قوی دیده نمی‌شوند. دانشمندان با مشاهده غیرمستقیم اتم‌ها را بررسی و خواص آن‌ها را کشف می‌کنند.

هر ماده از یک یا چند نوع اتم ساخته شده است.

همه مواد تقریباً از ۹۰ نوع اتم، یعنی ۹۰ عنصر ساخته شده‌اند.

عنصر: شکل خالصی از ماده است که یک نوع اتم دارد. مانند عنصر آهن که از اتم‌های آهن و عنصر کربن که از اتم‌های کربن ساخته شده است.

نافلزها	فلزها
سطح کدر دارند.	سطح براق دارند.
اغلب روی آب، شناور می‌مانند.	اغلب در آب فرومی‌روند.
ذررهای سازنده اغلب آن‌ها مولکول است.	ذررهای سازنده آن‌ها اتم است.
نارسانای جریان برق و گرمای هستند.	رسانای جریان برق و گرمای هستند.
جامد یا گاز هستند، تنها نافلز مایع، برم است.	همه آن‌ها به جز جیوه جامدند.
با ضربه چکش خرد می‌شوند. (در حالت جامد)	چکش خوارند.
اغلب نقطه ذوب و جوش پایین دارند.	اغلب نقطه ذوب و جوش بالا دارند.

بیشتر موادی که به طور طبیعی و مصنوعی استفاده می‌کنیم، از چند نوع اتم تشکیل شده‌اند، مانند آب H_2O (از دو اتم هیدروژن و یک اتم اکسیژن ساخته شده است).

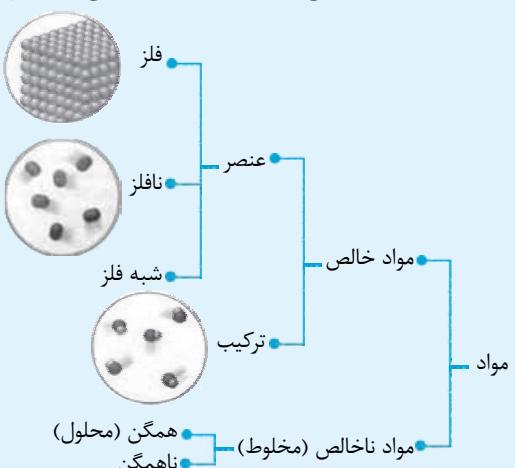
مولکول: کوچکترین ذرات یک ماده است که از دو یا چند نوع اتم نافلز تشکیل شده است.

مولکول دواتمی مانند اکسیژن O_2

مولکول چنداتمی مانند کربن دی‌اکسید CO_2

ترکیب: به موادی که از دو یا چند نوع اتم مختلف تشکیل شده‌اند، ترکیب می‌گویند. مانند: شکر، شیشه و ...

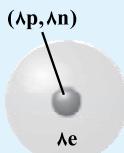
مدل گلوله‌های کروی: مدلی است که برای بررسی آسان‌تر رفتار مواد به کار می‌رود؛ در این مدل اتم‌ها را به صورت گلوله‌های کروی نشان می‌دهند، مانند مولکول ۳ اتمی آب (H_2O)



ذرات سازنده عناصر اتم، مانند: آهن، مس، نقره و ...

مولکول، مانند: گاز اکسیژن، هیدروژن، گوگرد و ...

ساختر اتم‌ها: اتم‌ها از ذره‌های متفاوت و کوچک‌تری به نام الکترون (e^-), پروتون (P^+) و نوترون (N^0) ساخته شده‌اند.



تعداد الکترون‌ها، پروتون‌ها و نوترون‌های اتم‌های مختلف، متفاوت است.

مثال مولکول کربن دی‌اکسید CO_2 دو اتم اکسیژن شامل هر اتم اکسیژن شامل ۸ الکترون، ۸ پروتون و ۸ نوترون است. یک اتم کربن شامل هر اتم کربن شامل ۶ الکترون، ۶ پروتون و ۶ نوترون است.

در اتم‌های خنثی، تعداد الکترون‌ها با تعداد پروتون‌ها برابر است.

حالت مواد	شکل	حجم	آرایش ذره‌ها	جاذبه بین ذره‌ها	سرعت حرکت ذره‌ها	فاصله بین ذره‌ها	مثال
جامد	شکل معینی دارد.	حجم معینی دارد.	ثابت و به هم فشرده	بسیار کند	بسیار قوی	بسیار کم	یخ، نمک خوارکی و مس
مایع	به شکل ظرف درمی‌آید.	حجم معینی دارد.	تصادفی و فشرده	متوسط	قوی	کم	آب، روغن و الكل
گاز	به شکل ظرف درمی‌آید.	همه حجم ظرف را پر می‌کند.	تصادفی و بسیار دور از هم	بسیار سریع	ضعیف	زیاد	بخار آب، گاز هیدروژن و گاز هلیوم

نکته فاصله بین ذره‌ها در گازها بیشتر از جامدها و مایع‌هایست، بنابراین می‌توان یک گاز را به راحتی متراکم کرد و حجم آن را تا حد زیادی کاهش داد، ولی یک مایع یا جامد را نمی‌توان به آسانی به مقدار زیاد متراکم کرد.

تغییرات مواد فیزیکی: گرما سبب تغییر حالت مواد می‌شود.

شیمیابی

مثال یخ بر اثر گرما، مایع می‌شود یعنی انرژی مولکول‌های آن و جنبش آن‌ها بیشتر می‌شود و اگر به آب گرماید، جنبش مولکول‌ها باز هم بیشتر شده و آب تغییر حالت داده و به بخار تبدیل می‌شود.

سؤال متن صفحه ۱۳ کتاب درسی

چرا رفتار یخ با آب و بخار آب تفاوت دارد؟ زیرا حالت فیزیکی آن‌ها با هم متفاوت است.

فعالیت صفحه ۱۴ کتاب درسی

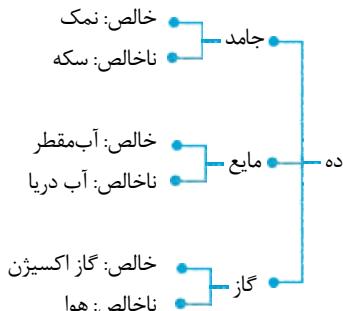
فهرستی از موادی را که می‌شناسیم، تهیه، و درباره آن در کلاس گفت و گو کنید. مانند شکر، میز، آب لیمو، شیر، یخ، خطکش پلاستیکی، توب و ... مواد را می‌توان براسان جنس، حالت و ذره‌های سازنده آن طبقه‌بندی کرد:

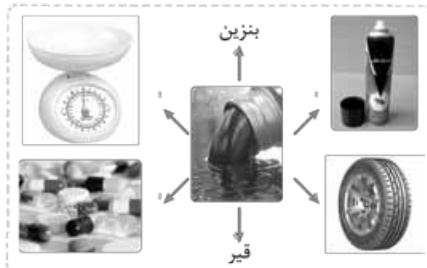
۱- چه تعداد ماده دیگر می‌شود به فهرست شما اضافه کرد؟

بی‌نهایت ماده می‌توان اضافه کرد.

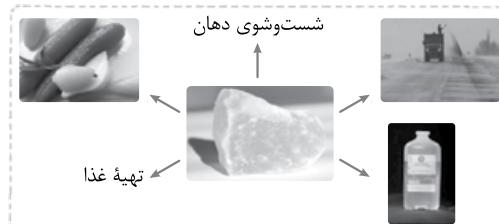
۲- تصور کنید که هیچ یک از این مواد را در اختیار نداشته باشید؛ در این صورت زندگی چگونه خواهد بود؟

بدون این مواد تقریباً زندگی غیرممکن می‌شود.





کاربردهای نفت خام: روغن‌های روان‌ساز، سوخت‌های گرمایشی، آسفالت و قیر و ...



کاربردهای نمک خوارکی: استفاده در غذا، برای نگهداری طولانی مدت از مواد غذایی، استفاده از نمک در سرم‌ها برای از بین بردن لکه‌ها و ضد عفونی کردن

اطلاعات جمع‌آوری کنید

در یک فعالیت گروهی درباره کاربردهای چند ماده پر مصرف در زندگی روزانه تحقیق، و نتیجه را به صورت یک روزنامه دیواری به کلاس ارائه کنید. کاربردهای فلز آهن: تانکر آب، ساخت در و پنجه، لوازم آشپزی، لوازم پزشکی، اسکلت ساختمانی و ساخت خودرو کاربردهای فلز طلا: در ساخت گوشی تلفن، رایانه، جواهرات و لوازم طلاقاری شده چوب: صنایع چوبی، پارچه‌بافی، کاغذ‌سازی، صنعت حمل و نقل و ...

نفت خام: سوخت‌های گرمایشی، روغن‌های روان‌ساز، آسفالت و قیر، پتروشیمی، حلال‌ها و ...

پلاستیک: صنایع غذایی و بهداشتی، وسایل پزشکی، صنایع داروسازی، کالاهای ورزشی، اسباب بازی و ...

فعالیت

(الف) با دقت به شکل زیر نگاه کنید و درباره برداشت خود از این شکل در کلاس گفت و گو کنید.



نفر سمت راست معتقد است که ماده را به طور مستقیم می‌توان به ذرات ریز تقسیم کرد. نفر سمت چپ معتقد است در یک روند و مرحله به مرحله می‌توان ماده را مرتباً به ذرات ریزتر تقسیم کرد و این روند پایان ناپذیر است.

(ب) هر یک از این دو نفر درباره ماده و ذره‌های ریزتر تشکیل دهنده آن تصوراتی دارند. شما چه فکر می‌کنید؟ ماده از ذرات ریزی تشکیل شده است و روند تقسیم آن‌ها پایان ناپذیر نیست و در جایی محدود می‌شود. مواد از چیده شدن تکه‌های ریز به وجود آمدند.

فعالیت

۱- چند حبه قند بردارید و روی یک پارچه قرار دهید. آن‌ها را با ضربه‌زنن به چند تکه ریز تبدیل کنید. ضربه‌زن را آنقدر ادامه دهید تا پودر قند به دست آید.

۲- همه پودر قند را بردارید و داخل یک لیوان آب بریزید و آن را هم بزنید تا حل شود.

۳- آیا مطمئن‌نید که تمام ذره‌های قند را برداشته‌اید؟ (درستی پاسخ خود را به کمک یک ذره‌بین بررسی کنید). خیر؛ ممکن است تمام ذره‌های قند را برداشته باشیم.

۴- آیا ذره‌های قند در آب قابل دیدن‌اند؟ خیر؛ قابل دیدن نیستند؛ چون در آب حل شده‌اند. آیا آن‌ها داخل لیوان وجود دارند یا از بین رفته‌اند؟ (آزمایشی برای ادعای خود پیشنهاد کنید). ذره‌های قند در داخل لیوان وجود دارند. با چشیدن آب خالص و آب داخل این لیوان می‌توانیم به وجود قند در لیوان که باعث شیرین شدن آب شده است، پی ببریم. همچنین با جوشاندن آب داخل لیوان، آب بخار شده و ذره‌های قند باقی می‌مانند. در این از روش غیرمستقیم برای شناسایی قند در آب استفاده کرد.

چگونه ذرهای غیر قابل مشاهده را مطالعه می کنیم؟ با استفاده از روش های غیرمستقیم و با استفاده از حواس پنج گانه و انجام آزمایش های لازم می توان ذرهای غیر قابل مشاهده را مطالعه کرد.

همان طور که می دانید، بخار آب موجود در هوای اتاق را نمی بینیم؛ اما می دانیم که بخار آب در هوای اتاق وجود دارد. آزمایش پیشنهاد کنید که وجود آن را نشان دهد. با پر کردن یک پارچ از آب و بخ و فراز دادن آن روی میز بعد از مدت کوتاهی می توانیم قطرات آب را روی سطح بیرونی پارچ مشاهده کنیم. این موضوع نشان دهنده آن است که بخار آب در هوا وجود دارد که بر اثر میان به صورت قطره آب روی پارچ مشاهده می شود.

۱- برای این فعالیت، مسابقه زیر را انجام دهید.

- (الف) ابتدا به گروه های مختلف تقسیم شوید. هر گروه با ابزار داده شده، پنج گلوله خمیری طوری درست کند که یکی از گلوله ها بدون هسته و چهارتایی دیگر دارای هسته باشند. دقت کنید که جنس هسته ها متفاوت باشند.
- (ب) گلوله ها را شماره گذاری و مشخصات هر یک را برای خود یادداشت کنید.
- (پ) هر گروه، گلوله های خود را با گروه دیگر مبادله کند و از آن گروه بخواهد که به کمک ابزار موجود و با چند آزمایش، ساختار و درون گلوله ها را پیش بینی کند.

(ت) در پایان از گروه همکار خود بخواهید میزان درستی پاسخ های شما را مشخص کند. از طریق مشاهده غیرمستقیم و با استفاده از حواس پنج گانه و آزمایش های تجربی می توانیم با بررسی سبکی و سنگینی گلوله ها، داشتن یا نداشتن خاصیت مغناطیسی، فورقتن یا شناور ماندن در آب و موارد دیگر، اطلاعاتی درباره ساختار گلوله ها به دست می آوریم.

۲- گلوله ها را مانند شکل با یک چاقو دو قسمت کنید و ساختار آن ها و جنس هسته ها را با مشاهده مستقیم، مشخص و یادداشت کنید. در این حالت با ابزاری که در اختیار داریم، درون گلوله ها را بررسی می کنیم. در این مرحله از طریق مشاهده مستقیم می توانیم نوع هسته را در هر یک از گلوله ها مشخص کنیم.

پاسخ های قبلی خود را که از راه مشاهده غیرمستقیم به دست آورده بودید با این مشاهدات مقایسه کنید. بیشتر نتایج به دست آمده از راه مشاهده غیرمستقیم درست بوده است. نتایج حاصل از مشاهده غیرمستقیم همیشه قابل اطمینان نیستند اما گاهی چاره ای جز اعتماد به این روش نداریم.

آیا همواره می توان مواد را با مشاهده مستقیم مطالعه کرد؟ خیر. در بعضی از مواد به دلیل ریز بودن و در دسترس نبودن مواد مشاهده مستقیم ممکن نیست.

حال به نظر شما آیا رنگ، اندازه، جرم، میزان رسانایی الکتریکی، میزان رسانایی گرمایی و چگالی عناصرها با یکدیگر برابر است؟ خیر - عناصرها خواص فیزیکی و شیمیایی متفاوتی دارند.

۱- مقداری کربن (زغال)، گوگرد، یک تکه سیم مسی و یک میخ آهنی بردارید. ویژگی ظاهری این عناصرها را یادداشت کنید؛ سپس با یک چکش روی آن ها ضربه بزنید. مشاهدات خود را بنویسید. گوگرد: جامد است، کدر و زرد رنگ دیده می شود. بعد از اصابت چکش خرد می شود.

کربن (زغال): جامد است و به رنگ سیاه دیده می شود، بر اثر ضربه چکش خرد می شود.

میخ آهنی: فلزی نقره ای و مایل به خاکستری است و بر اثر ضربه چکش به سختی تغییر شکل می دهد.

سیم مسی: جامد است و به رنگ قرمز یا قهوه ای دیده می شود و براق است. بر اثر ضربه چکش تغییر شکل می دهد.



۲- یک مدار الکتریکی مطابق شکل زیر درست کنید و با استفاده از آن، رسانایی الکتریکی میخ آهنی، پوش برگ (فویل) آلمینیمی، گوگرد و زغال را بررسی کنید.

مشاهدات خود را بنویسید.

میخ آهنی و فویل آلمینیمی رسانا هستند اما گوگرد نارسانا است. رسانایی الکتریکی کربن زغال کم است.



فکر کنید

صفحة ۱۹ کتاب درسی

دانش آموزی با استفاده از نتایج آزمایش های بالا، برخی از ویژگی های مواد را در دو گروه جداگانه در جدول زیر نوشته است.
با بررسی آن به پرسش ها پاسخ دهید.
الف) جدول را کامل کنید.

گروه (۲)	گروه (۱)
سطح براق ندارند.	سطح براق دارند.
غلب روی آب شناور می مانند.	غلب در آب فرو می روند.
ناسانای خوبی برای گرما و الکتریسیته هستند.	رسانای خوبی برای گرما و الکتریسیته هستند.
شکننده هستند.	چکش خوار هستند.

ب) برای هر یک از گروه های یک عنوان انتخاب کنید. گروه ۱: ناسانای خوبی برای گرما و الکتریسیته هستند.

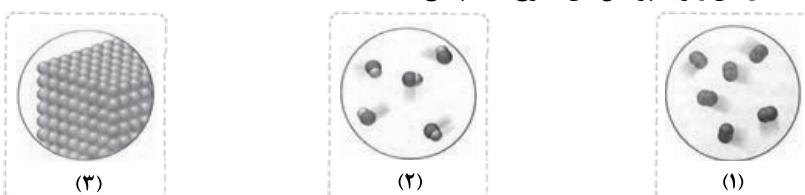
پ) اگر بخواهید عنوان فلز و نافلز را به گروه های بالا نسبت دهید، کدام واژه را به گروه (۱) و کدام را به گروه (۲) نسبت می دهید؟ گروه ۱: فلز؛ گروه ۲: نافلز
ت) عنصرهای زیر را در دو گروه فلز و نافلز طبقه بندی کنید. «نقره، آلومینیم، طلا، کربن، گاز نیتروژن، گاز اکسیژن، مس، آهن، گوگرد»

فلزها: نقره، آلومینیم، طلا، مس و آهن

نافلزها: کربن، گاز نیتروژن، گاز اکسیژن و گوگرد

صفحة ۲۰ کتاب درسی

۱- با توجه به شکل های زیر به پرسش های مطرح شده، پاسخ دهید:



الف) مشخص کنید که هر یک از شکل های نشان دهنده ساختار اتمی کدامیک از مواد زیر است: «عنصر فلز، عنصر نافلز و ترکیب»

شکل ۱: عنصر نافلز، شکل ۲: ترکیب، شکل ۳: عنصر فلز

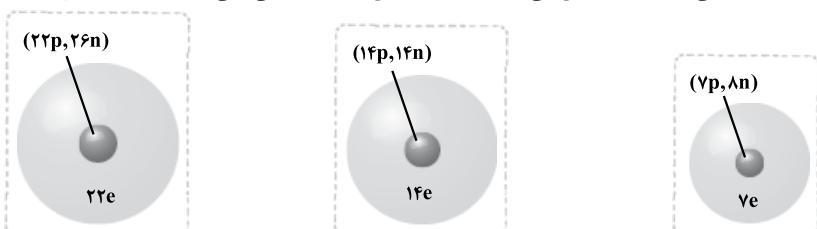
ب) یک تعریف مناسب برای ترکیب ارائه کنید. ترکیب ماده ای است که از پیوند دو یا چند نوع عنصر به وجود می آید.

۲- بیش بینی کنید موادی که مصرف می کنیم یا با آن ها سروکار داریم، عنصرند یا ترکیب. برای بیش بینی خود دلیل بیاورید. بیشتر ترکیب هستند؛ زیرا تعداد عنصرها محدود است و تعداد موادی که اطراف ما هستند بسیار بیشتر از تعداد عنصرها است؛ بنابراین اکثر آن ها ترکیب هستند.

فکر کنید

صفحة ۲۱ کتاب درسی

شکل های زیر ساختار اتمی ۳ عنصر را نشان می دهند. با توجه به آن ها، چند ویژگی کلی برای عنصرها و اتم ها بنویسید.



۱- اتم های هر عنصر دارای الکترون، پروتون و نوترون است.

۲- پروتون ها و نوترون ها درون هسته و الکترون ها در اطراف هسته قرار دارند.

۳- تعداد الکترون ها و پروتون های هر اتم در حالت عادی با هم برابر است.

۴- اتم ها دارای هسته هستند.

۵- تعداد ذره های موجود در اتم های یک عنصر با اتم های عنصر دیگر تفاوت دارد.

۶- اندازه اتم های عنصرهای مختلف با هم تفاوت دارد.

حالا فرض کنید پنج گرم شکر، هوا و آب را در سه ظرف جداگانه در اختیار دارید، پیش‌بینی می‌کنید کدام یک جای بیشتری می‌گیرند؟
هوا بیشترین جا را می‌گیرد.

پنج گرم شکر، آب و هوا را با استفاده از ترازو بردارید. با مشاهده حجم این سه ماده، درستی پاسخ‌های خود را بررسی کنید
(برای وزن کردن هوا از توب والبیال، فوتبال یا بستکبال خالی استفاده کنید). حجم ۵ گرم شکر کمتر از حجم ۵ گرم آب
است. حجم ۵ گرم آب هم کمتر از حجم ۵ گرم هوای است که درون توب جای گرفته است. بنابراین ذرات شکر نزدیک‌تر به
هم قرار گرفته‌اند و فشرده‌تر هستند. فاصله ذرات آب نسبت به هم بیشتر از فاصله ذرات شکر است و ذرات هوا نیز نسبت به
ذرات آب در فاصله بیشتری از هم قرار دارند.

به نظر شما فاصله بین ذره‌ها در کدام ظرف بیشتر است؟ چرا؟ ظرفی که دارای گاز است، زیرا گاز در همه‌جای ظرف پخش می‌شود.

وسایل و مواد: سرنگ، چوب پنبه (پلاستیک)، وزنه، گیره، پایه، آب و شن

روش آزمایش

۱- $\frac{۳}{۴}$ حجم یکی از سرنگ‌ها را از آب و دیگری را از شن پر کنید.

۲- با کشیدن پیستون، داخل سرنگ سوم به همان مقدار هوا وارد کنید.

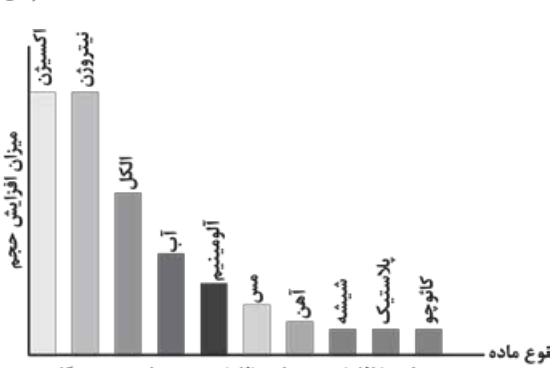
۳- نوک سرنگ‌ها را با درپوش آن محکم ببندید (یا در یک چوب پنبه با پلاستیک فرو برد و با خمیر بازی دور آن را محکم ببندید تا تمام درزها گرفته شود).

۴- سرنگ‌ها را با استفاده از گیره محکم ببندید و روی هر کدام، یک وزنه با جرم یکسان قرار دهید (یا با کف دست سرنگ را به سمت پایین فشار دهید).

۵- مشاهدات خود را بنویسید. از این مشاهدات چه نتیجه‌ای می‌گیرید؟ حجم هوای داخل سرنگ کم می‌شود اما حجم شن و حجم آب تغییر نمی‌کند، بنابراین نتیجه می‌گیریم گازها تراکم‌پذیرند ولی مواد مایع و جامد تراکم‌پذیر نیستند.

نمودار ۲ میزان افزایش حجم مقدار یکسانی از چند ماده را در اثر گرم کردن به مقدار یکسان نشان می‌دهد.
در برایه داده‌های این نمودار در کلاس گفت‌وگو کنید.

حجم مواد مختلف در اثر گرم‌ها به یک اندازه افزایش نمی‌یابد. ذره‌های سازنده گاز به دلیل فاصله زیاد بین مولکول‌ها بعد از گرم کردن بیشترین افزایش حجم را دارند. بعد از گازها، مایعات بیشترین افزایش حجم را در اثر گرم کردن دارند و بعد از مایعات، مواد جامد هستند. در بین جامدات، فلزات (مثل آلومینیم، مس و آهن) چون به صورت شبکه‌ای از اتم‌ها در کنار هم قرار گرفته‌اند، بیشتر از نافلزات (مانند شیشه، پلاستیک و کائوچو) افزایش حجم دارند.



مقایسه میزان افزایش حجم مقدار یکسانی از چند ماده در اثر گرم کردن

یک بطری شیشه‌ای بردارید و یک بادکنک را محکم به در آن ببندید. حال یک پارچ پلاستیکی را تا نیمه از آب سرد پر کنید و بطری را درون آن قرار دهید؛ سپس پارچ پلاستیکی را تا نیمه از آب داغ پر کنید و دوباره بطری را درون آن قرار دهید. مشاهدات خود را یادداشت کنید.

هشدار: هنگام استفاده از آب داغ نکات اینمی را رعایت کنید. آب سرد، فاصله مولکول‌های هوا را در بادکنک کم می‌کند بنابراین حجم بادکنک کم می‌شود، اما آب داغ، فاصله بین مولکول‌های هوا را زیاد می‌کند و حجم بادکنک را افزایش می‌دهد.

